

### Aufgabe 3 Ersatz (10 Punkte ohne Gewähr)

Falls es Ihnen nicht gelingt, eine entsprechende Differentialgleichung aufzustellen, können Sie folgende Ersatzaufgabe lösen:

a(8) Lösen Sie die folgende Differentialgleichung:

$$y'(x) = \sin(x) \cdot e^y \text{ mit der Anfangsbedingung } y(0) = 0$$

b(2) Überprüfen Sie Ihre gefundene Lösung durch eine Probe.

**Bemerkung:** Bearbeiten Sie nur eine Alternative (Für Aufgabe 3 gibt es nicht mehr als 15 Punkte ohne Gewähr)

$$y'(x) = \sin(x) \cdot e^y$$

$$\Rightarrow e^{-y} dy = \sin(x) dx \quad (1)$$

$$\Rightarrow \int e^{-y} dy = \int \sin(x) dx \quad (1)$$

$$-e^{-y} = -\cos(x) + c \quad (1)$$

$$e^{-y} = \cos(x) + \bar{c} \quad (1)$$

$$-y = \ln[\cos(x) + \bar{c}] \quad (1)$$

$$y = -\ln[\cos(x) + \bar{c}] \quad (1) \text{ mit } y(0) = 0$$

$$y(0) = -\ln[\cos(0) + \bar{c}] = 0$$

$$\Rightarrow \ln[\cos(0) + \bar{c}] = 0$$

$$1 + \bar{c} = e^0 = 1 \quad (1)$$

$$\Rightarrow \bar{c} = 0$$

$$\Rightarrow \underline{y(x) = -\ln(\cos(x))} \quad (1)$$

$$\text{Probe: } \text{ls: } y'(x) = \frac{-1}{\cos(x)} \cdot (-\sin(x)) = \frac{\sin(x)}{\cos(x)} \quad (1)$$

$$\text{rs: } \sin(x) \cdot e^{-\ln(\cos(x))} = \frac{\sin(x)}{e^{\ln(\cos(x))}} = \frac{\sin(x)}{\cos(x)} \quad (1)$$

$$\text{und } y(0) = -\ln(\cos(0)) = -\ln(1) = -0 = 0 \quad \checkmark$$